

Prof. Dr. Alfred Toth

Arbitrarität, Nichtarbitrarität und der Rand zwischen Objekt und Zeichen

1. Die in Toth (2015a) eingeführte Relation

$$R^* = [\text{Adessivität}, \text{Adjazenz}, \text{Exessivität}] = [\text{Ad}, \text{Adj}, \text{Ex}]$$

zusammen mit ihrer Konversen

$$R^{-1*} = [\text{Exessivität}, \text{Adjazenz}, \text{Adessivität}] = [\text{Ex}, \text{Adj}, \text{Ad}]$$

ist, wie in Toth (2015b) nachgewiesen wurde, isomorph mit der peirceschen Zeichenrelation in der kategorialen Ordnung der von Bense (1971, S. 40) definierten Kommunikationsrelation

$$Z = [O, M, I]$$

vermöge

$$R^* = [\text{Ad}, \text{Adj}, \text{Ex}] \cong ZR = [O, M, I]$$

$$R^{-1*} = [\text{Ex}, \text{Adj}, \text{Ad}] \cong ZR^{-1} = [I, M, O]$$

mit den teilrelationalen Isomorphismen

$$\text{Ad} \cong O/I$$

$$\text{Adj} \cong M$$

$$\text{Ex} \cong I/O.$$

2. Damit muß innerhalb des Tripels

$$\Omega^* = [\Omega, \mu, Z]$$

mit

$$\mu: \Omega \rightarrow Z$$

(vgl. Bense 1967, S. 9) die weitere Isomorphie

$\mu \cong \text{Adj}$ gelten, d.h. wir haben die neue ontisch-semiotische Isomorphie

$$(\Omega^* = [\Omega, \mu, Z]) \cong (R^* = [\text{Ad}, \text{Adj}, \text{Ex}]).$$

Allerdings ist, wie wir bereits in früheren Arbeiten nachgewiesen hatten, die Umkehrabbildung $\mu^{-1}: Z \rightarrow \Omega$ ausgeschlossen, da die thetische Setzung eines Objektes als Zeichen ein irreversibler Vorgang ist ("Einmal Zeichen, immer Zeichen"). Es gibt somit keine Isomorphie der Form $(\Omega^{-1*} = [Z, \mu, \Omega]) \cong (R^* = [\text{Ex}, \text{Adj}, \text{Ad}])$.

Der Vorteil der definierten Isomorphie $(\Omega^* = [\Omega, \mu, Z]) \cong (R^* = [\text{Ad}, \text{Adj}, \text{Ex}])$ besteht jedoch darin, daß man nun sehr elegant die Differenz zwischen arbiträren und nicht-arbiträren Zeichen(abbildungen) wie folgt definieren kann

$$\mu_{\text{arb}} := \mu = \emptyset$$

$$\mu_{\text{nicht-arb}} := \mu \neq \emptyset.$$

Literatur

Bense, Max, Semiotik. Baden-Baden 1967

Bense, Max, Zeichen und Design. Baden-Baden 1971

Toth, Alfred, Adessivität, Adjazenz und Exessivität. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015a

Toth, Alfred, Die Isomorphie der R^* -Relation und der Zeichenrelation. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015b

9.12.2015